摛藻堂四庫

全書

薈

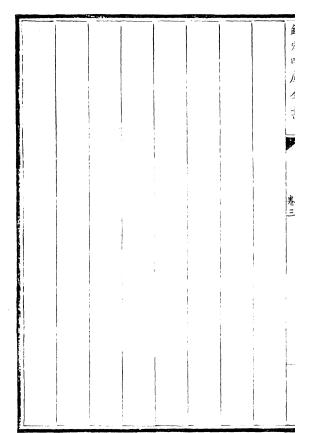
曾要

子部

欽定四庫全書 曾要 母製數理精龜上編卷三

詳校官主事臣陳木

御 欽定四庫全書首要卷一萬八百二十一子部 ŗ E Ξ 理精為上編卷三 幾 Þ 何原本九八何原本九八 É 10 一一御製數理情龜上編



ć ? ž ` 2. 5 線以大第 其或比或與比凡 原本 厚之或能其得 蓮如或之之不 共積數之或 與 短 他數 數 類 醴 他其 2 女口 面數 相或

宏 1 4 1 之以例將第 比或 同 數其兩二同不形或少 問至此數 類可則一亦也相者相 之辯線面自 华與比 物兵之與能 其所其 以故長一見 几日短體之 比比度 之者互 之欲面相若 數俱為 也論之比將 諸大既 為謂大 物小不線 前之小 之體同與 率率則其也率謂 不之類一齊厚又面 所短者之 少薄不相 比也法比

핤 定 Ð 庫 全 書 為之之較數 如三季 所二度之為 理甲率兩 比率為分後 整乙與兩 之甲短甲 數為其數如 編为四相 丁率儿 故此分之甲 四之其 謂之為度し 數几一 之之少為 甲則率 後數如長數 與謂與 率故是其 馬謂以分相 之比為為 儿同率 多 为理之 2 與此比

此一之 可 两 即不率 一知 五 尚 線如同分率丁 儿則 有例 内三药數與 相與為 甲率分亦三丙 率幾 甲 同 171 與數定 而之六 定為分分 四 線率準相數之 乙儿分 有例之甲丙五 與之則等定數 丙几一其為美 线 與 也率度相故 之等 凡四 分之 之丙 線甲二 埊 與力 丙之雖 即例为

第於長 例 也 即六 相 A 如分等線度分 五 丙之 度之數分 第 與長則 温上涌 線五 則 四甲其俱甲 之分 凡相線 第分為 度 丁等度 數六之 線所亦線亦而 颠 長 而以與度俱乙雖 謂甲 丙之為度 大 第 六五之 之線 第 於 分故長丙 同 之 之知雖度 此 理 五乙大之 比乙

欽 定 ø 庫 全 書 比數之相有為之凡 大相分為甲不分四 於此為此乙同若率 表 彼之六苟两理大两 丙分與甲丁之於兩 與為四第四比三相 一數例率比 丁五其 之與丙數甲而與其 几四第與與几四 美則三乙乙例率率 故此數第內不相與 凡甲與二與得比二 如與丁數丁行之率 此乙第相名也分相 例之四比互如则比

ř È e 車 幺 ţ 凡有四率 凡有四率 比四 第 故之率 五 能 行謂分相 也之為比率 · 此於三率 不準之 同則分率 率率之 理一為相 之率小儿 又之度 謂度與 几一共之 之 與 之與二草 例率依分 而相三為 五當率之度 **比此率**準

度相

四相比

例

例之四則

四分率 率又相率

两分相座 同凡第 當率數 tt. 比相同之 例儿則度甲 四其此與 甲與相 每四两两 乙三為 丙率儿 也度線線 三き其 之謂與四 數儿 分之丁線 數各線的 互則率 同相相 相謂與 故當比線 為之二 又線之與 謂而 尚連之 it it

與 比位二 比則若則 **丙例以位例為相此與** 之也儿加四隔連甲て 比如者二率一比乙數 為甲皆倍將位例丙之 隔乙以之一加率三几 一丙隔比率一內數同 位相幾例與倍將謂 加連位大四之一之 一比而凡率比率相 倍例為有比例與連 之率加幾之或三比 几内线 室則有 室例 例其倍隔為相比. 又甲之祭隔連之矣

欽 定 en 庫 全 書 所該最北當比 二國界各具三百六十度-點為心作乙丙一大國丁 取廣故設為以 之即五 雙圈圖以申明 為數 t. 則陽俱 Á 為位相 度丁故戊 陽加連三二比 Ξ rŁ 皆一 位倍例 小之 理 图立之 加之率

9 þ ~ 5 角 圂 一种製數理精為上 則此之 為甲已處 矣 角甲 てて 分則 丁丙丙 自 相康 編大戊大大對小園 翠 翠 圈之图已 2 17-角圈之三已之庚甲 已百唐辛二 度之 心大第 俱辛東六弧甲處 定王弧十界王 作 俱二 *於弧 界分設俱二 圂 六 2

自例為既雖

之六已之之國不俱此

六十庚三两大同與大十分弘百兩弘而一國

分為之六相小分甲之為為三六十九孤數角足內率十分為兩則相原

四率十分為兩則相康率自分為同兩等對於

理互分其界 比相數度小

圛

1

1



第較加之

之減比率各戊理各而與率小

俱二各度

之之雖與

順比異本

推必相圆

之與若

四

全

與

本

全

圛

同當辛康

比也 即

於之王

三分分率數之 分

同 合率則故於

也率

Ż

法

總

不

圖 矣

之五

越比

此例

要

知製 數里情一種 及推

塩ル

氣例

一率與二率之比

同

將

2 界比烏為丁乙例之例以此之两仍 即前則几丁同 雙所及四故此四 例て **比推數亦四率** 丙丙團 之之將謂率之 數大圖 與團解 例以甲之與比 仍乙與相三者 全之 益同與乙當率反 於甲之比為推 之 相爲比例此之 几所數 當比 同率 其以 例分與 比丁於也所二 例與丙如比率

飲定四庫全書

灾 È 9 車 Ŷ ţ 以壬丙如也戊 而敌二弧大以今小 相謂率界團乙反 理 當之為與全內以 精 丁界大 几反 上 例推率戊為團與與 之比以 小儿所甲 率例三國丁分為 仍然率全戊之几 與名為界小已 順雖四為團 庫 與 九 推為率比所 弘 几及前也分 例推 国 之與 相比互其辛了。

比較數例三三種之之將仍率率遞 例以甲為為與 製仍甲與相比四比 乙同與乙當二率例 丙於丙之比率之將 為比例與比 圈當几同率四者率 全几乙於也率轉與 界例與內如為較二 率了與甲比之率 率也為丁乙其以之 與如此之丙阶 則此下比率同

卷三

一知以沒里肯魚上扁 圈之 較 四 其 其 P 與 雖 11. 為比 2 翠 依 仍 丙 大同! 图所 少之子 八丙三率 小於 大 圛 圛 所之张 翠 FL 有 為 分之 例 J7:* 異而分 故 五 RP 相 甲 己 庚 丙 例 弧戊

欽 定 四 庫 全 書 第十 一奉之比一種分數 之四率 故謂 國所分弘 郡之 此 圏 小 圏 轉之馬與小原本 於三率與四率之比矣例彼四率之中以一率 與 之此以圈 亦仍為相當此 比例號 比即

欠 E 5 Ł Ę 乙其 以戊丙阶 丁戊已丁儿四 率 線已丙四 2 也為易數數例之 於仍較為 比甲内 則與減 甲為為 所で去數相三 比線丁內當率 之為數減比與 之去例 以分乙率率為 為數也為此 如此 甲則

東與理界界減仍大 内弧乙同小為去與團 截界相故图比所已全 一儿此全亦分康界 丁段即甲界與辛弧內 所仍如線與大王 界減 成與乙內小園弧為去 庚己丙截國全界比所 辛庚大去所界一 仍弧圈乙分與段戊已 與界全所弧大仍 小康 丁相分成界圈與 图 弧 相比截戊相所辛 全界 分五界 几而去已几 即为己仍之弧弧内段

一車一種合數 第相相仍如十一一之比辛戊 故例玉小 二 併三 比 所四弧圈 以率界全 為以與有 謂但相分 一四 之因比截 四 以率率率 分其也去 三與之以 數各其字 几分比五 主與率 矣率 例内例弧 四相岩與 也有仍界 率加將二 分同一 相為此率

開於段

欽 定 四 庫 全 書 玄 两亦 儿相三 圖例當率與 之比與乙 四 理例了數數於 所二五四數為以相 分園相率為此甲當與 數比四 弧全對也比內 界界待此則數與例率 一内被合所與乙之為 段減分數比丁數四比 為去數比之數相率其 比所比例例相加也所 今分例與仍加共如 此弧以分同共為甲之 合界雙數於為一乙例

ř 包 9 事 全 書 謂於分入 十之相外二二合當界 之相弧所 分例 數相率更 率 更 數比一弧即 比例段界如 圖用 四比 比 與 例四為一 馬率比小園 餘之以 但也段全 分比 為者率 因其即界 三 更 與 三 率 将 率 有所是內 相比全所 加之界 之理 而大 分仍與段 故同所加

去丁第四人為戊巴 数同四於於率 數 たし 又 甲相 とろう 13 四 當 理率 四戊 與 已以一比三為戊率例率 仍之季 位所 與 於而餘比已 内四為 四 復立減率比 率 四以為 於乙去也則 相 丙 康 第二率之如甲乙丙 辛丙 其 滅 與 第三率 儿康乃 甲儿 用 乙例 北 辛以 為 庚 之餘 内位所丁理分 9 è 5 所 弧 段 界 分 2 仑 六寒 六 界 百 大弧 173 界 界 段 2 為 餘內 特六 戊巴减 全 界 為度 率 丙去 庚所度 翠 全 四女口 四 界 玄 段 Ξ Ξ 分 内 百之 百 餘 全 減六

灾 175 盾 身 녈 百 六丙 百 理之 同 庚 同相為度 뎐 度之百 但差相如度 雖當康 例 也其更比 辛全度 數入 界 何 故 女口 有比率其如 戊 相 更 丙 也四 2 ŗŁ 仍凡率 所 而 例 之與四之更 J 相率两之 所當之相辛 以此为 儿戊

ĸ È 9 ŧ £ B 將此几四有例 為此为此數甲仍 比四與乙此之同內四 以率丁與甲丙於 隔之丙血丁相率內 位比之乙四當與 编一 邊比同比之數比末率 之之於同比彼例率與 戊使彼於同一四為 與此庚放於邊率 比率 辛一與已彼有也則 芝為 邊辛與戊戌如其 比之之康與己此所彼 則甲比之己康 其與若比之辛邊

Et る 何] 之圈大 而康為國 自 同 小巴王為 17. 於 國已辛庚 调 翠 壬 中過 所當 辛己 癸已至 壬丑 癸丑 子至 各例 寅丹 丑 辛富 弧 子 東 子 寅 壬寅 癸 作 四 段四庚 两 4 試 分子為段四徑全 線 相其段線徑引

癸寅辛丑壬巳之段 相子一癸一辛一大 位王一子一条一分 以一段一段一段數率 比段之段之段之相則 之之比之比之比同其 其此同此同此同故各 大也於大於大於大相 國岩小園小園小園 之以圈之圈之圈之 康此之丑之已之康

欽 定 en 庫 全 書 例於辛 三率內中率種錯綜比例大 錯四 一與末率之比一 兩率 率但段段 隔以為為 位其比比 以两其而 比邊比 則同三為於率 17-之各例圈 相彼此. 故相仍之 謂此同士

此被 其 黑竹的 此數中 必 上編 邊與 為 與 戊 有 同 €. 彼 鱼 末 儿位 錯 彼率連甲邊而為 理 綜 EL 两战例 成儿 7 = [列] 丙率 同後 矣 2 連 Ξ 為理 取 t 今 率几數 EŁ 另 いス 鋯 已同 四 將 例 rt. 綜 數於此三 例率

其之彼一數

鉑 書 丙又之矣 數其數有位 率首庚戊於所 數邊 於是率數已相 有隔所 彼敌而 置三當之位有 丁於率比中為之 此 過一移彼為例率比皆 戊復率 取甲為邊比率數另甲 丁例 而為取數 首之此比 玄 血戊季數庚則

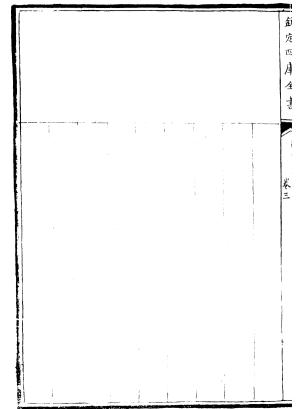
於甲數依調之等倍 綜相 之相倍種 於 + 五凡易易 等為所加 例位 比加分 耳增 本相仍之比 馬度加同分例 比多 加之於數凡 三比原若有二年例二率則率 之比 之但 不ルス 丙如之所依 同兩 於甲互 成本 故連 度 乙乙相之 2 Et 二各 二為 之[例] 依數比率加

定 129 庫 全 書 四甲假為本 所親當下小加岩 儿度' 加三本之以分三甲仍加 一之倍度同三 之跳分 分故數大丁成為於倍 數凡既分以四一甲 為 岩二等之四大大し丁 等率固甲大分分 二则 其依為比分之乙數此 加本同一之丙度之 分度理小丙乙為五丁 之各比分比加一相 _ 率加例之四三小為數 互缘可己小倍分比互 相倍知其分成則也相

'n 3 Ð ተ Ĝ رج لہذات ` 2. 5 御製數理精編上 互倍種 謂 分 相所減 二之 六相 必 丙 數 等為減分 カロ 同 丁 之其分儿 12 之 13 於 為三甲相仍 分原 分例 分乙減同 數 故幸 凡 内之之於若有 謂之 減三凡原俱二 之五 去分例二 等率 加相 丙內也率則 分為 依 九己減如之 所本 et et 去 有互 成度 例 因 甲 相 Ž` 即 各 則 戊乙為

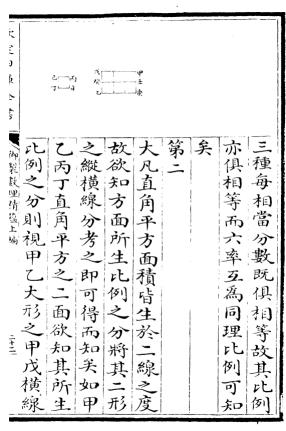
金 灾 為 與餘 寸|去 全 數 丁二寸の 丙之丁五五 為 分為全 其同三寸以戊度相所理寸為所乙為為 相 為為 減比為比餘自三之例比以之內寸 此此 也 13 分务其甲戊丁 自何同 内數尺所 減度 丙

į 一一脚製數理精絡上編 内減之故又謂之減分比例也比之理必同於原數之比例因於原數



Э 5 Ŀ 1 與俱數例減例合例一前 所一分一数一種老 、無理精盛上 高 皆 為 成種比種比種相所 原 比皆之雖斷例透連論 玄種除一轉几九 編與相依種此種比例例 面當然變例更例一之 化一數一種法 例理不随此胜正月. 體四 故 率其其分數例 =與率其其分一數例十有世紀有 几相例隔例種二 當一位一反此相 比故之 依線例 分種比種比例當

比線比則為體比相 戊相例按比美例 常各 之比率其假夫面 六丙也各使線體例几 分之如類線面之線例 六甲相面體比面之 與分之當體為例 之法 面 六分之類若比線 與分數每不同例之 丁線比相同則若此 Ξ 分之與之當雖為同例 則岩 相 體三乙亦分不 分之為數能當 為同 比面三同岩互比 相 此相分理等相例當



173 眉 癸 彼所長形玉假被五分皮的一大人 倍 而 形甲仍辛形甲小甲丙 及與實 其し 形 7. 姐形丙度甲 大之 大 13. 形丙 历必已必及 形形 與横俱形自辛 之之 甲丙 中縱 丙 線相之 度 等甲 線 線 相三度其五寬則相三戊度 平寬 縦 横 分為為 線 實長 等倍横丙

盆 万

占 1

ŗ E Э Þ Ł 15 小则 得度 甲形大丙為線 為形 丁四 台 與 小倍度 可 為丙 11 形 甲得知 丁比分形之乙 万 为大 17-丙 可四 倍辛形小或 丁知 之 小美 者縱之形 万 形再有線 甲 2 辛之或三意康 丙 大 Ż 縱內甲而度 縱 已形 線已乙大 為 線 赭 及横大形三

TO THE PROPERTY OF THE PROPERT 四形二之大形乙几日分為線丙形之大甲 之辛之丙形乙 對之四 一倍多縱甲已之大 比於而少線康橫甲形 例是丙較之縱線 戊之 之以丁之寬線之横甲 二小甲少之長線東 得形形乙二寬多之 和之為大倍又十長線 此縱甲形美 几一雖為 形横乙比將丙倍比三 與多大丙此 丁而两倍 彼少形丁縱小甲 丁则 形互之小横形乙小甲

是界方

高為 面

比形

入岩 將將

他此

方面面面

縱構 界界 與與

他方面横有兩直角 他有第線間他形形之 三之而形之相比

度無之長比例 生兩寬比其馬

之比比之比故 之例之為例凡

故者為一有直

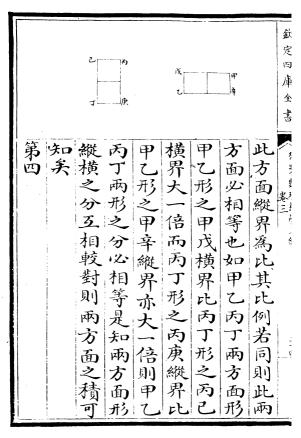
也正一比二角

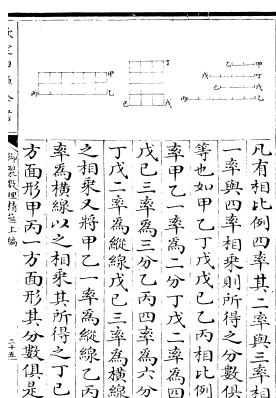
以比例以平 平例以此方

面两此形面 之形形之形

積相之長與他

二之與他





欲 横 雖 得求其度 形 贮 少之 之非精 相 如數 不亦 內 以知等半已 甲 形 横 之也故 之 其度 甲 見川 率故縱復 乙丁 将四 横儿 縱 除兩率互甲 形 度 較 2 率中 丙 大 H 之 EP 开名 Ž. 分 戊得 分 有 三相 而 縦 其相

金灰四厚生

) 5 ۶ 1 製戲理精塩上編 三率而 分為 除 一率 首 知 2 2 戊己 四率 即 推 率 甲乙 者 得 鱼 五 7. 也或 矣 <u>"</u> 丙 一率則以て 知 與 ニナカ 丙戌 四 丙

灾 T. 盾 4 建 率三比率二戊甲率例除率已 乗る而之之乙 2 或 即丙 推理 去口 丁也 得為率甲 戊又 戊三則已率以 或已 之 理 即丙 失口 1 率戊四 得為 則巴率 Ξ 此 為 いス 乙年 戊 为此 2 甲 EP 為

ŗ E Э 扫 ħ ,」」「寅 Ł 1 甲戊乙為則界與凡第 縱形方位比縱界面 界两面相例界為形 亦已形加比為此此 為横其之之儿此一 · 两界中比两其一方 下之乙例界比方面 形二形也之例面之 辛而甲甲例等縱界

己丙丁辛 形面縱 甲横一 分面二乙界位之積界 與精其方既相一 與積其方既相一之之 丙為二面為加界比二 丁四為內內之之 比倍 方倍四如丁凡比之則 面今故丙方例 者甲甲 積甲甲丁面矣即して 乙方縱盖如形形 之こ 四方方面横甲連之面 面面之界乙几一 精 與 十丁有則縱隔丁形

Ĺ

ブレンジ

界甲

與精比界欲

面

積 與

四即二求

17. 方分形子

為之故

乙得例 方人

於為 四

面

皆分如

分比矣

比與

四

倍

分

倍其較得

オコ

分連

丙率

之比之康得

rt.

分四

之

四

比辛盖

_

分 二以之者 四一

一

同 Ż

丙 丁

四

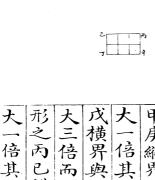
與

歃 定 四 7 3 庫 全 書 相 較則 お 之 乙方総又兩 比精之面横如界之四 較為面之界 甲上 之三積三之乙連 例 中十比倍三方比故隔乙六两者倍面例十四 六丙者倍面例十四分丁有則之隔六與 分丁有則之 與 面三甲縱 三乙横位四凡

ĸ 3 5 ځ 5 而 為之 故儿辛 丙 比界欲 求 四 二精 即 = 倍其較得 得 分四如 编之之 之儿之唐甲 rt 乙得例三乙 7, 之例 方十相 分六三 几美面八連儿之 例益精與 三六分 **₹** 十三丙 率 分 之_ 相 元三 十一丁 到 不 2 九、 十與六 す 於為 六六與 界 甲 隔六两 二乙倍九一

加六九 欲甘正 凡第 儿之方直去 之與分 比一二之 與四 此 之形因角 必不其方 以同縱面 長而横形 两比十 方積界有 界例ノ 上故隔 與不之二 長得比種 連三六 方互例一 几十與 為相各為 例六二 围舆 儿 几為異長 四則 正比故方 位較時 方也其一 相之為 與如所為

)i



甲大康辛以

縦

界

與

丙

一知段段里竹盘上

FE

2

形分

所猶

前例界乙

甲 形 庚 縱之 面

形

界丙

始 行

女口

戊

構

逈

其中比 ی

横甲丙比與

横

丙大甲

倍甲

2

形

丁例丙

経界為比 平 級界亦

亦

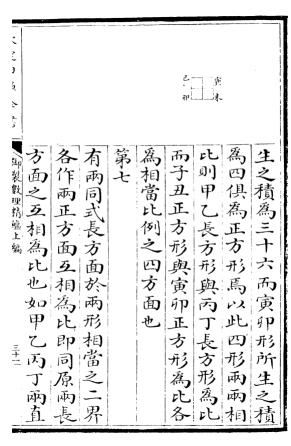
則甲為之

形相丁界

則為形相丁界乙則為此中內若之一之

血 雷|寅| 而 為 卯巴 各午寅此 其 大縱卯例形横子 形相之界五方 四 寅寅復未比之馬 而 丙 卯未以縱子 子 又 子界丑辰 例形縱 如 丁 丑之形横 子形 之界 同寅禹形比之 所 界 宙生 儿之俱子與 故巴 2 子子為午寅卯 子横 丑辰大縱卯 两 形横三界形正為 所几之界倍血 之方六

定 匞 庫 全 書



既此甲 互加辛為也己兩相之同隔夫內正 方 為 比式 一甲丁方 面 丙 此例之位乙相面 辛 與然正相丙同互 两 甲 所則方加丁之相正 甲面之同两為 方两 甲乙精儿式長 比面 اح. 丙亦例之方即 則相 所當 丁必則两 面同 原為所長之於作二 作方互原 横 有隔 相有康 甲面 位唐精為之丙

鱼灰四月石三



角 於

線辛同直

為大

3

乙相

成線之比也盖甲 の丁二平行線内有 四丁二平行線内有 中已面之丙已底線 中已面之丙已底線 方面其甲已面與南

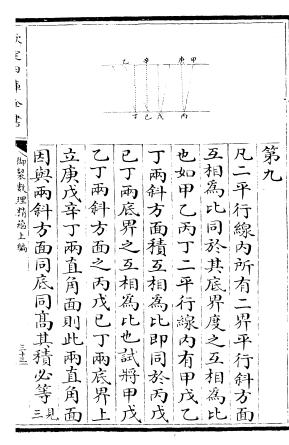
第美

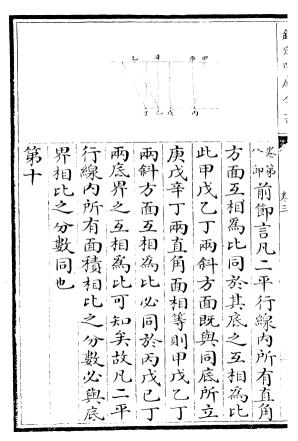
之五

相 多 此 其 為

同 理 2 EE 例

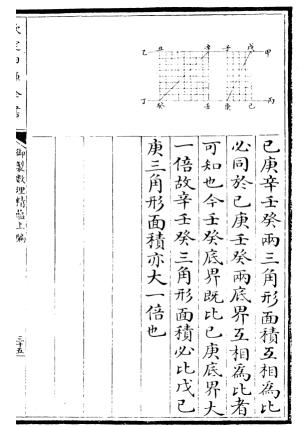
欽 定 四 庫 全 書 Z H 故底丁面為縱同之東其三面為四倍俱三两面 例與四分則依平縱之 相质分头甲庚行線 辛 同丁為以已丁線與丁 也面比甲面面內康底 之即已為之其丁線 辛如面一東度面為 丁甲之十辛固之三底已十二分同庚倍 面二分數今辛 而 分之分而分以縱之內與東之二線 比巴庚丁皆面因面

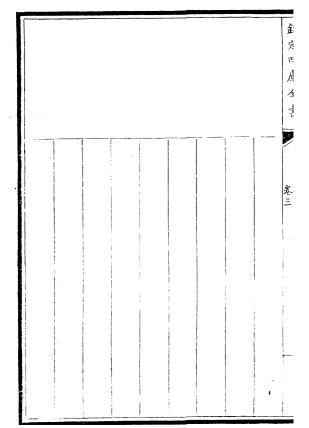


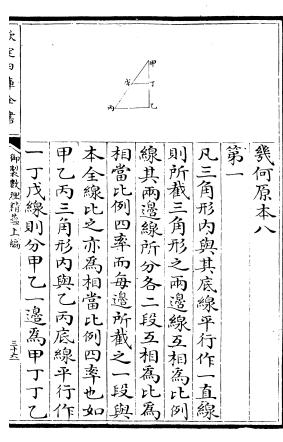


比比王如為凡 底丙其也即癸甲 何同兩乙 丁同 也於三丙 10 凡已角丁 办 所 行立二原形二其線四平五其平底 庚線四 子內邊 行癸内行界 四之形線兩所線度三 邊戊之内底面內之角 所界 面有互形 有三角人及已角 半 相 為積 今 角 形為為辛

勧 疠 IT. 庫 全 1 角 而 為 之 形 即 而 et. 辛 形则 相同當於 角 如癸 立 形 四邊 比两 兩 三例四以两 三角 ル 相 辛 戊 tt 率 者 形 己 形 形 三 角 炵 矣 面 面 精其精 辛 相 形 两 面 面 相 之 四 積五積 癸丑四 四 rt 邊 同 相 5 為 相 5 相 比為











EL

甲

丙

之

其

例

俱

同

所

例

一邊之甲丁

段 戊與

语

甲

比例

俱

(同為

相

當

例

四率

头

て、又

之

甲戊

戊丙

二段

相

全如比比其

2

互

相

為為段

段

1

Ľ Ē

万

E 9 車到 \$ 一一御製数理精盤上編 一角形 甲乙 两三角 三角 ゖ 形丙 精角 郎恭於既 形之 办 在 亦必相等又如此二形各加 内所有之一三角形 丁戊之底 2 丙丁戊二平行 俱 乙戊 在 甲 其二形之積 己一直 甲丁 四三角 甲丁丙两 一所截甲丁 丙 丁 線 Ž





相 各三 兩而

兩

Į.

而 形必 两 在

形两 八三角 平

兩三角九九五八面積五 一角形 角 三角形之底 在 相两 _____ 行線角 平 為两 互影儿俱 行 為線 相此必 角 倶 之 之間井見在甲丙 為所同 間 二之 平 而在 於 其 行一规 丙一 甲 底 線に三

直 所即卷 界 線 第

灾 È Ð 車 £ き 一人仰製數理精龜上 乙戊三 甲 丙 角 甲 積 角 之戊 相 两 两 角形 線之 等 3 底 Ξ Ξ 線 編相 則 之 角 其 角形甲 之 ż 开乡 五積 積 tt. EE 丁 底例 或乙與丙 為 相 甲 既 五 與 為 相 與少 俱 為 戊三角形 甲 所 之 EL 相 分之甲 全 亦 方こ 內 Ft ナミ 同 形 同 與所 而 也 申



即

三角形内與乙丙底平行

凡三角形內與底平 三角形为與一方,一同於所作線與底線之比也如甲乙一一同於所作線與底線之比也如甲乙世兩邊線之每一段與各邊全線之比

第

相當比例率也

比亦必俱

相

同矣因其各三角形得

為此例故其所截两邊線兩

两

甲戊底與甲乙丙全形之甲丙底互相

灾 È 9 車 全 書 是之乙己一段如 是之乙己一段如 是之乙己一段如 度俱各相等然 與 乙丁 甲 2 ک 線 相等遇 甲 底丙 線三 與 平甲 長 與為三方 段 行形丙 乙几角形 作之底 與 丙阶如形 甲 線 其 邊云前之 戊 丙 7. 2 两 全 節兩 两 2 语 相 全 是線則邊 線 平 線 即成 為 也 此與 行 假 乙所 線 戊 即为截 而若



一率也又一二率甲丙

線

四率

邉

2

線線於戊

之比

头 失为邊

為

被

甲

平行

魱

由比例四率也又如四九八次之比而丁戊之平七八線度相等則此丁、及為一率甲丙邊全人成為之比亦必同

戊

퇮

既

甲丙邊之甲

於

京平 1 過全線為二率丁戊平行線為 三率 1 内底線為四率亦為相當此例 四率也 5 甲 1 過全線為六分則甲丁 段得其六分之二分乙內過全線為六分則甲丁 成两兩相當比例 率甲 1 過全線為二率丁戊平行線為 凡大小两三角形 線與乙丙底線之 ここと 日上り、と 其 相當之二角度若 rt 則 甲丁段為

欽 定四 庫 全 書 两 兩 表製粗料施上鄉 相 筝 形則 謂其 餘 亦少 桐 等 如 為其此 其丙二角三言 角

式. 線丙 小形之相當公外則成甲庚辛 之形 角 製数理精 即 形暗 為其 之 女口 甲 益大 植 灾 編三 乙當積 時間之同、 角 全 辛 比雖 鱼 形線例不 两甲乙 之與之 甲 所 四 於 而 式 **"**], 乙一邊奉是故 形 平行 其 三角 2 形 各 也相 内 作 界 凡 辛 互 小段大 同 相

欽 定 四 庫 全 書 比角 角形 形角 形即 一角形之时为全月形之时为人是一角形之时为人是一角形之时为人是有常之之一,一角形之时高度。 中西全線的一角形之时,一角形之时,一角形之时,一角形之时。 丙三之三小段 大 大角几角三之三

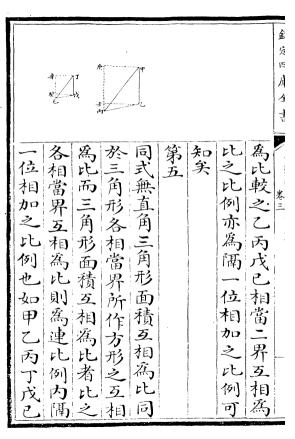
) ò ب 1. 3 推戏 比三 FE 同 一角形各相常 一位相加了 一位相常界 一位相常界 两角式四 馬 2 為凡 1). 角 相同 = 當式 第2五角 當角 比之 开多 例形 相 例為面所面 之其 當 也比積作積 率相可當 如则互方互 中為相形相 知各 2 乙連為之為 矣 界 此同 the 丁例者相 相 戊内比為於

鈁 匹 盾 4 1 壬為之此為此 比巴 當 EP! **発角例比比比界同同**元若矣例之例所於此直線與盖則 こ而作此直 同 迁 又馬連九馬三角三角 形 开多 之其 方し面 一界面形內積 線行二位互 戊五 精五 作角相相互相 已相 甲俱加為相為相為

ÈC 定 19 1 全 書 故半二 各此同甲與平 之於乙半行 所方 丙相線作形 例乙丁比内王 Jt. 矣癸 戊者同乙 夫戊 巴即為癸 作依两两同一戊 丙 壬乙直三 於底 两丁 成 乙两角角全其直戊 癸戊長形與精角 两三角 过戊己方 五全馬長 两甲形 相 之 相 丁相比比將在形

界则方形戊正乙 互兩形互兩方两兩互 相形其相長形戊三 相 角為 為面兩為方五已 比精界比形相相形 吐 之互互之與為當互之 比相相比甲比二 相比 例為為例乙之界 為例 為比比同丙比所比 既 隔之之美丁例作之與 一比比又戊亦庚此 甲 位例例凡已與之例乙 相較若直兩王幸 同丙 加之俱角三乙成则 之兩同兩角癸兩依戊

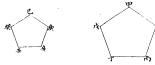
2) ٠ 1 仰製數理精 位 甲 例 开? 相 同 則 力口 ***** 縊上 面 之線底 此。 两 比於 積比 JE. 至 例相 為作 方 互 相 形 夫 两 為 正 面 甲 EL 正 角 位 方 積比 乙之 者 形 相 丙 五 四十四 カロ 相 既 丁 面 2 為 與 戊 相 即 EL 所 2 為 例比之作 两



火 E 9 車 全 書 位 互互方在角 相相形此俱 與相 製數理精為上 甲加為為五兩等 又了之比比相形則 自 丁比之者為之此 甲戊例比比比 甲两 矣例之之 て、开多 一界平行作两庚已大試自兩形之丙已 界試則甲比丁面 無 平自為 乙例 戊精 直 丁而相互 連 作形 戊兩當相相形二為 rt. 例内閣二二界的同 庚丙 己隔

自 之相一 角 比比半形成一線 ئے 二角 必甲半積行與庚 同乙與為線甲 ک 半彼内乙辛 於丙 至 壬 庚又 丙戊 丁相 乙戊比乙同丁两癸線 辛己者辛馬戊直 _ 處與 角 两同戊一已 三於兩底兩長 作此 两 角全長則三 2 カ 角 壬 形與方此 开多 兩 形此 全形 两癸行 之之三俱

ķ È 9 車 全 書 |人体製數 連 知比則長 角 矣 例 比形當 两方 形 矣 例之界 三之 面 理精為上編 角比積隔比所 比形例之 一例立 同 位比正式 例面 亦比 隔積必 例 相之方 两 一之同既加各形 位比於同之相之方 相例两於比當比形 加比正庚例 界例 四十六 之之方 rt 2 而 乙今 比|两| 辛此比 同例 之 例 界比 两 例式 戊 之例兩三為正



二角各度

俱等而甲乙邊與已康邊

即同於

一两邊與

也如有甲乙丙丁戊已庚辛壬癸大 两多邊形其邊數俱為五其相當甲 角乙庚二角內辛二角丁壬二角戊 相當界之比例又同

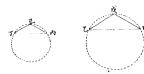
其邊數同

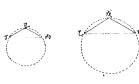
相當各角俱等

則謂之同式

老三

欽 定 四 庫 全 書 形 兩 内 内 五 邉 如 作 甲 编辛 法 癸 四 四 D 兩 P. 小则 曲 两譜 線 五 形 同 形 形





丙

1).

两

分

於

大

鋻

分 內

作

墨

分

内

作

丙

ات -角

土

岩

6

四 邊

开多

式

岩

式同

形線

注

亦

咭

謂

之

同 翠

曲

線

也 形

或

如甲

墨 分之式 角度 乙三角 小各 翠 此 分之式 所 俱 开多 等也 必 於 同

故

謂

之 形

同

土

墨

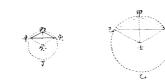
若

同

则

女口

甲



既 10

天 Ź 更 二角 此 內 7_

丙 调

烪

T

則

成

两

淠

角

倍

墨

10

壬癸至

對

界

角之

/度必等

盖 ال 角

)

٠ 1.5 與 两 心角

;

相當两 所

2

为

庚

辛

T

P

P 戊

헲

丙

辛

两 跨

15)

斾 各 對十

罗 庚

<u>'</u>

癸

礽

自

翠

所

嶞 墨

丙



戊 國之

甲己

界

角

12

角

併

則

心倍所

併而之之

甲

鉑 灾 re 卢

1

12 丙 图大亦丁角甲倍 一少小亦乙令倍倍比圏少乙將乙 併夫 庚之比甲戊壬己之人 國丁 癸 併兩 己心 己 心图

度两

度

既

筝

拼

之

两

即對為之

對之王祭

對之戊乙己

必

相

心角所

峚十

分既等之

弘角之度也 那為甲 弧

第 小同式多邊

分為泉

介三·

角

5 一丁戊已庚辛子· 村當三角形之上 一都製數理精龜上

发 两俱

五息

形

自

ロナ九

同相司

同也

女ロ

甲

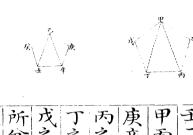
7

丙其

Э

巨人

E



辛 角各作 形 中 與 辛壬 _角 相 相當己辛 相當已壬癸之 丁 茂三三角

當己庚辛之

形同

式甲丙

<u></u>

形

同

式甲

俱為

向

式

形

同

既

等

已壬癸三三角形

而甲

3 形

老

甲角

至

一两

丁二角

自

开多

已角

線

刖

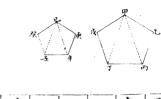
形

分為甲乙丙

开多

小形

分為



同

各

界

相

头口

矣

同相 可當 形

相當

各 相

5

相

三角

相

小當

界

tŁ

之

比例

同

自

所

既各 2 相當 各 两 EE 同 九, 面 形 例 11. 则 相當界所 五形之 之 同 亦 土 式 必

) į

御製 段 理情 塩上

与界

作多邊

相形形

為之

例為

上五相為比

儿同

而於





為丑

隔相兩之

五比

比為為小子其

比比五两大人之则遇 小

形

既

同

於

相相大

之

為內

若比比

比辛

所方小

作形形

五

开多

大邊

二五 方

方互必大两 形相同小丁 為於兩界

辛

1),

癸 加

同比

式例

五

ء 女口

形

之两

辛

界

各

作

小子

庫 書

쉾 定 Œ

H

二た E Э 5 È 5 比互方為角 御製数理精益上編 方形之互相為比例隔一位 無連比例隔一位 所例相形比形 相 形分亦為之即之 各 馬比互同 式 較相於既三 為在同 各比三 [印] 开多 相而角相之 兩 則相一當各形當式 开系 聚為位界三各各必 聚三角 合所例之之作相

例可知矣 形互相為比亦必同於那五相為此而此之 两丁辛之 几大 各小 形內外直式直 有形 於主 同五 開壬小 式形之各 相两丙癸 位相加之 五 相於 比為相當邊

刍







互相為 丑二同式四邊

此

即

同

IE.

方

相

即以改里肯無上品 六邊

俱

分

角

相

B

而

相

寅

丙卯

壬 正方

形

則

两直

角

形

之甲

丙

庾

相

形

国

之

正方

相

癸

此所

分三

一角形

比

例

既

同

寅

丙

卯

正

方

五

相

為



相

此

丑亦

两必

四同於

之

甲

亦

函

卯



丙

庚

主

界

义

為

两

四邊

形

2

丙

2

庚

癸

马

D.

两

Ź.

とし

例

則

大

1).

两

形

内

各三

角

式形 之 方

一相為

此

必

同

於甲

丙

庚

Ť

相

庫 全 書

欽 定 四

ř 足の事 £ 李 一人御製數理精龜上編 國之中 同式四邊 比各形內外 小二國之 ,戊己庚辛 作正方形之互 雖各函 形 所 -玉癸子 文各 有 相 同 函 相 同式 為比 土大邊 丑大 為 比也 同 必 式 同 三角 形 如 圏 於 甲 函 此

同式 曲

相

一相為比 知矣 形 五





段

固

與 形

界

内观而

内 愈 凡眾界 愈與園 寅丙 函 同

卯

壬

正方

形

形

或

B

翠

或

迁

形

2

审

丙

比兩例圈 两即 成 两 等 此 萬 例直

當 又 首 界 开多

开名

函 之 累 函 二四 界 於 相 十卷 相 等第 翠 分為 2 其 節十 到

柏

if



其凡第 方形 圆 五於 徑 相此則 為

\$t 同

例

此

大

五

相

比園

比輻

4.

線

或.

徑

線為

之

例

知

チ

例形形形 面各 面 積面 互 橋方相與 易形圓形為橢 形五比圓

橋積為比

為此

比例

之而

此圆

之

互比例形

面

陷

同高

於再等

两去

又 同積作 於與切 圆

如見受里青点上 與面相

圆

和形

徑

5_

形與於咖 寅 互橢圓裡備相圓面圓 卯之 徑於丑 為面外其 寅 外所面摘例 rt. 40 為之精之所 作切圆相的 壬圓几 癸面例 為 圆戊 子 比徑互而 ک EL P 宙 例與相 子 之比例心 壬五庚 擔為

欽 定 四 庫 全 書

TL 之

FE

如

、癸之

同程则子

圆面之丑 一声类圆面 大辛正方形

欴 定 Ð 1 全 書 御 同與辛辛 例 於甲 圓 而 子上九東五東 ゟ 面 與戊 平 子辛寅底丁五民及典長 行與 線甲 乙方內乙儿 寅庚圆

面

ijΡ

行鱼

線子

内 丑

子

面

為

相

為 形

之相

EL

形今

内形故两例比

底互戊丁親

相為東方跳

比之正皆戊

比例形戊庚店

之比方在

互相已長

則寅為比辛

卯平 撱 圓 面

季马

橋於凡圓即徑已 圓已例之椭度康 面唐而几圆而辛長少

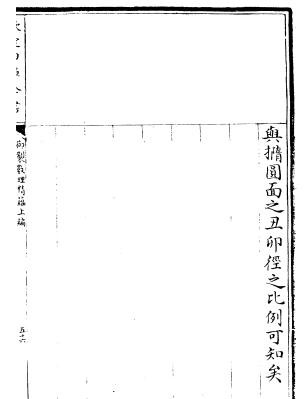
之底正例面甲正方同 比與方既之乙方形於 例乙形同丑丙形互戊 同丙與於卯丁之相已 於底長正徑長已為唐 回之方方度方東比辛 面比形形也形底之正 之例之與夫之即此方 壬則比長平乙圓例形 癸圆例方圆丙面矣與

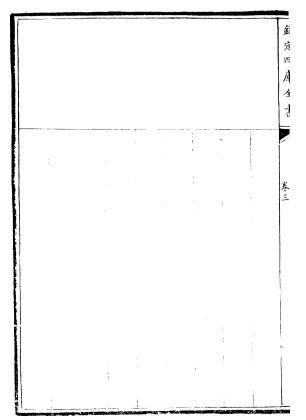
又形與底王然軍

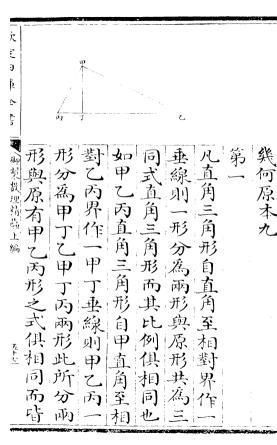
同之橢又祭戊乙之

为儿

丁例

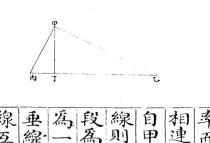






盆 亅 比為 則 例 直 两 亦 角三角 旁 俱 所 相 か 即卷甲同 也 T 形故甲甲甲 Ξ P 甲角丁度 乙角 形 丁 1 -J 每 T 两三角水四 人自等 線兩 既 甲烷 為

; ٠ 各角之度既等 垂線則所截之兩段一為 凡直角三角形自直角至 一三角形之式 製数理精驗上 所餘之甲乙丙之乙角與甲 度 等 亦等三三角形之每相 既 7則三三角 同 可 回 兵每相當各 相 形之 對界



段 則截 甲 直 上角 相 為 則 丙 則 7 至

界 相

丁丙 段 為 例 為 段两乙 此 段 為 7 ~三率若 其 也盖 八所截之 而 所 甲

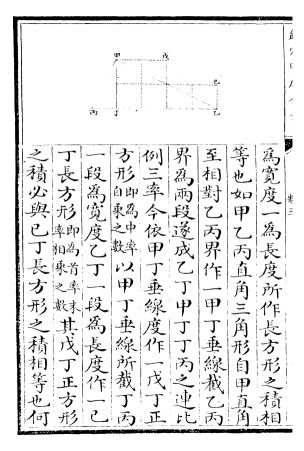
同 丁

例 作之 率也 線 如 對 甲乙 為 $\dot{\mathbf{P}}$ 万 界 **西直角三角** 作 此三率

7.

丙 段 盾 生 1

ĸ E e 車 幺 J 書 分四丙 角 因分 垂與 線所 之四 丁 度分 比分为之 作二形 故與線互 段自 為二為相 5 方固直 相分一為 相 形為角 連之分比為 則相 比比則也 與連 相 例必甲今即 三率也一 對 同 龙分例 於線乙 三三新年 必 得線 與三為 如垂

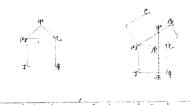


ŗ E Э Þ Š F 既為 即 蓋 同於 梨數理精盤上編 節卷 同 當比 敌 既 为 則 以甲 例 為 界與 角 線 相 四 丁 當比 線 為 Ä, 四率 例 二率 鱼 四率 紶 則 申 此 矣 2 線 相

占 四本中之工人也要而己事成一中之下是一大人之一大人也不是一大人也不是一大人也不是一大人也不是一个人也不是一个人也不是一个人也不是一个人也不是一个人。 數 生之幸法相方 故二相也等 形 其式乘要可即 雖為之知與 相異本中首美甲 等因育率或此 丁 而俱率自未乃二三率 自來率首率 以相率則相率 乗相 連之二東末

l

欴 È 19 庫 全 書 一角相對乙丙界人 必 相等也 乙方形 直角三 如甲 必 與 至 上方三角形分為甲乙十五方形辛丁界作一甲 两 2 丙 傍其 直角三角形其 界直 試自甲直角 作 两 形 方形



角 與 矣 形 丙是式丙兩 是 式丙 壬 庚

當印 大甲其三万两 角雨三 例丙

四小之两相形

然乙同角之乙

界乙庚

丙之氏大小少

於形互

甲之相

界比小當與方

與即三界甲形

一線率

庚

甲

也

丙丙

两甲大

丙

兩

角

形

而

丁

F

方

此.乙

長

丙所

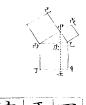
原分

角形原

比三

而三界同為甲為

7 本為長所作東丁長方 一本為長所作東丁長方 一內為長所作東丁長方即 一內為長所作東丁長方即 一內為長所作東丁長方即 一內為長所作東丁長方即 一內為長所作東丁長方即 一內為長所作之長方即 一內為長所作之長方即 一內為長所作之長方即 敌 甲丙方等



第五

其一大界所作一形之凡直角三角形之三界

一積必與二小

亦必與己內戊

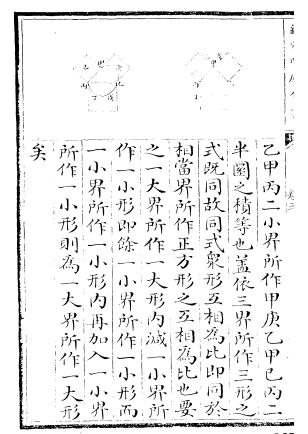
人方形起, 相等可以方形相合之乙丁正方形以有形成與己內戊乙丁正方形以與己內戊乙不

知形两康為

庫 全 書

欽 定 פיו

J. Ë Þ Ł Þ. 作或小所戊 乙如界作乙角 甲所乙己 乙作丁丙 丁 精品上 丙丙戊一三 直乙形同丙積 丁甲一 历己半角已之式甲 丙國三两積長乙二於月二必方甲 半二於 方甲 半甲形形舆形两在 之图乙於之甲则三 章積 前甲乙積乙乙界 乙丙丙等甲丙 形大 甲大小界人二界





一國

線

相交

所

截之

段號

當

EL

例四

第六

已已经

相交

丁一段

四之内二

此例即同於己己一段與己也如甲國內乙內丁戊二於此例即同於乙己一段與己也如中國內乙內丁戊二於 经

次即成乙己と方四段為

戊至相之之於率



又等則

既 同 同而戊己己丙乙己己丁四則每相當各二線互相為比 相當各角既等則其式必同

ナ見 二四

於 甲國之戊丙弘 再己已戊之已角丁己 **以段其度**

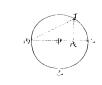
所 餘戊丙二角亦自等兩 相 對之角其度亦 而 两已角

丁已两两三角形 等今乙丁二角之度既等 已角又為二头 此两三角形之乙

丙

全 書 老 是 是

欽 定 r9 庫



翠 一線系

稻

何

處

作

而線

一為三

垂

例

少い

甲 裂 臼 第

相

套, tt.

例

四 率

知

矣

两之段

將 界至乙两徑線北率即為相連比例

两戊

段

亦

為 為

製数理精益上編

此

7. 丙

戊戊丙三線

段

為



2



第率率所

率率界而圆則图 為戊所丁之成 相內作成乙一

比段垂線內內

三故自界

東北例三率也試自四東北例三率也武有至相對乙乃成果 東西百角至相對乙乃成果 東西丁戊垂線為一京 東西丁戊垂線為一京

2 天

1

庫

釘



少作過風外所養 界乙丁二處至相對界內戊二處國界乙丁二處至相當比例四率也如已國自國外甲二歲至相對界內戊二處不相對界內戊二國外門本也如已國自國外甲面於國界外所截甲乙甲丁二段國外甲人與國界外所截之二段遞轉為比之比例而以此兩全線互相為比即同於國

之比處點

明日一門」と、八月上月とで、ころの 國處少同界轉同

相

角

15

两三 等切 角

P

戊

カー

甲

いス 丁

俱為再乙 戊等一甲丁相則角丙弧 以甲丙與甲戊之, 內丁之中角野人為一門两三角形必為二月五相當二界五相為一人, 不其二角之度, 如果其二角之度, 如果其二角之度, 如果其二角之度, 如果其二角之度,

乙戊丁丙二 形 Jt. 再乙两二甲丁三線 角形之)丙戊二角 沔 丁甲戊

書

庫 全

欽 定 r9

'n 2 9 Ē ٥ 1 四率 函 於 调 角 國內之三角 相 いく 全 甲 相當 生十 線為二 之小邊 底 界 段 線至 即 例 之 為 與相 形 四 於所對 空作



戊比甲丁全界形

甲

線之三

角

形

段

圛

甲

己至戊

線

丙

兩三角形

两三角

形之甲丙 即過有 11. 即邊成所甲同與甲對乙

大是之比,大是之比,

何

即成十二年線與

戊

甲直

界

相

對

界

圛 加 內

占

分角之

大邊

線

Ž

女口

函

甲比

角 12

뒫

往 方 r: 月

少等 乙戊三角形之甲角甲 甲て 弧). 之



第

邊段 分自 办 **勇至底作一**

丙三角 級之五 有為 作 甲. 相馬即底 小段丁形相

ル

以丁两

乙線

丁则

線

兩

與

中角也於同於

分百有傍

て、甲兩

兩

甲與分平如所線形丙丁乙分百分則以

大两两為於角所其邊之底二國之分一

作

底 線

饰十 而

两三角 敌 此

全 書 M 精毅上

欴 È Ð 事

> 小三角 線 乙丙戊 戸て 遇 两三角 之内 形 之 丙 丁丙 外角角 大三角 形 兩三角形 其度少等 之各二角

杰儿 共第首

試自

線

EP

形之乙角

角 因為 也 線 小内二头



戊之丁角亦與甲丁戊之甲角度等 既為甲乙丙 之角其度 所對之丁戊甲戊二線亦必等美丁戊三角形之丁角甲角既等則

之甲角之两平分則甲

、則乙甲丁之甲角

角之度又俱等 乙两戊丁丙兩三角

共

互相馬、形馬馬の馬馬の

大 三角

同式而



以既為 乙矣則行 甲 筡

御製數理精 温上 编

丁是又線 線故同所戊則之 與甲於截線甲比

丁乙甲乙與乙 線與一

比 一.

之甲段段線甲

為段段丁同之之戊

於比比平於

丁戊城中人

比丙與與之丙

也線戊丁比線甲 之丙丙至之戊 於比

> 又線 同

とナ

金为四月白丁

欽 定 四 庫 全 書 矣比 如形度凡直 原 乙形戊 乙長欲 角 上 之 是 是 表 戊 長 丙寡知立 丁與方 之五日月體體 戊比 丁立較生 厚两小方之比生 比丁形二即例於 产两 小之體 可之面 丁形康其 得分 之辛甲 而 形庚長乙知所乗

比分 例考 乙丙 可 體體知乃之積 底 庚 平之之甲以即之面原戊乙二得比 平 得比 面 即底形之内如庚不及已戊王長寬之京人已戊王長寬之京 形 第見例積為 ニセ 將與 2 大 厚 節卷縱丙 度既横 倍 復得 女口 其 _ 線形 與二 甲 底體 度 之 丁度 例 之

庚

長

既

EL

矣

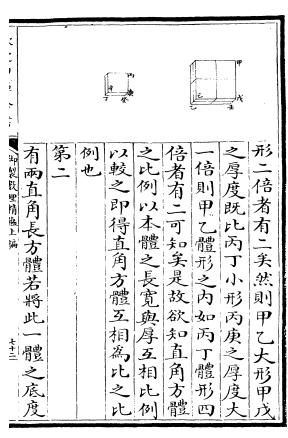
底倍丙甲之之度

積底

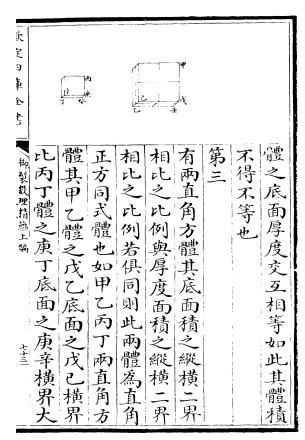
盖凡精

平大

面







rt 正 大 Et 方 同倍甲式則體工 丙倍 丙 體 當戊壬 也 庚 丙之 7 庚 至 辛 甲 丙 而癸可二 底乙 於 丁厚巴 两之面厚面底 之面厚 可 體 万 更 東 東 所 相 甲 俱為 有 直 壬 Ž. 丙 戊. 縱 戊 界 例原 直 界縱 首 角 界大界 P. 亦

j

於 E ø 車 全 書 加之 人 陳二位相 之 體 界 俱 例 角 相 此 大 當 比 戊 Ż 编 力口 甲 倍 丙 例 之 東二界 7. 為 則 13 者 田 丙 連 此 例 PP 丁 甲 辛 两 連 互 相 同式直 豐 界戊 為 例 比 仿 魱 天



一為夫

西求一為之乙甲丙丙

比二丁丁例與體體

丁一

率一例與體體有則分不內積積四

四盖體相八



四為 乙倍以界比倍

界欲比比分甲故

八比二一體與比

同

與之比比

於為

分例分其界丙丙倍

如分相八

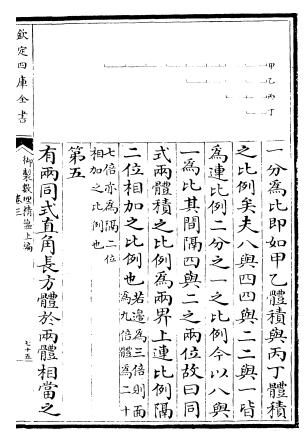
い人

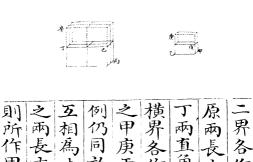
如為

二各 界

倍

者





甲方比於丙作用方

丙既比有兩康方之

正加丙两為體

方之

辛為例之正为體至方 同隔也甲方辛在相體 式二夫乙體二戊為五 之位甲丙五正乙凡相 两相乙丁相方已也為

丁長比則相甲即 同方之所常乙 例式體比作二丙於

正

丁如此

庚體之原辛甲長體兩

P , ٠ _ 第 四製 野門 相當各四人俱等而相當各四 有 11-之 平 tt 例 方體 體 两 相 體 所 又 其 界之 同 原 體 剅 相當角度俱等 謂 其 之同 例 矣 相 IE 四當各角 方 式體 體 則 原 亦

쉷 定 ĮŢ. 庫 全 達



圆]

豐

所

函

之 謂





之大大小大大大小人大大大人

圆作

面各

平

面 槽

如

亦

體謂之

四 界

謂 ż 辨體 同

辦之 大 體種體比其 平 也例 相 而 又又 當正 同 各方 角

Ž

俱丙

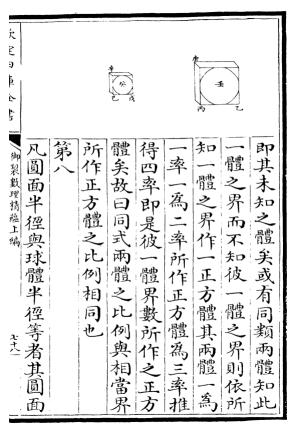
也

丙

大則 同其 式 平 17. 圓 等如體 面



面 為 五比五 求知 例 知此相之相 矣 之一為此為則體比例比 今 各 在之之同之同度比者比 種 此在 體正 所 武 而例緣例 2 式面 不 同相 2 两 必 體 知也當同 既形 彼故面相 同 醴 五 相 雷二 凡 當 故相 2 體 其為 同各面 界 之類相 相 rt 5 相當之 各度兩當





面

積

也

試 庚

寅

壬

圓

面積





等

與 面 積 甲 球體 積

如庚

為甲 壬

甲 球體 丙 圓

丙 球

全 徑

徑

與

面之 東辛半 则

體 夕

積

2

四

分 甲

丙之

之 甲 ک 半 面

徑

則

徑 女口

也 全 積 己圓面之

其

圓面

積

與

球 面

面

之四分之

洏 圆

體 夕卜

鉒 万

Ĵ 1 7

大 ٤ Э Þ £ き



等

底 節第 則

等

髙

丙

等

此

央

圓

魱

徑等 酉

高度

與甲

丙

球體

之

甲

亦

尖

圓體之寅

丑.

半

徑

與

甲

两

球 中

骨豐

之小

大头

一御製數理精益上編 恺 精

見、

猜

四

圓體之

丑髙

度

等

則

此

2 四



面两

之體

几同

髙

穑

體之之

積例

既,同

為於

公大其美體





精圓

為體

大底

头積

圆

體

積

體底

圓

醴

之寅

底

徑

rt

兴

徑

大

必倍卯

尖

圓小

底圓

積體

此之.

小未

又则

大大

倍

兴

圆

凡四而體

分小

連

rt

例

隔

位 2

倍

2 於

例

今

比相

加比

两

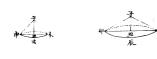
面

例

同

當

Į



至則一分火圓體為

大於為而之圓體之

一體之四 庚 球 丁

少原四小

倍五體已亦底底分圓則圓外圓少積積之體

其面面面為既原一 面之積固球為與矣之 精徑之與體大球水平四

比分头面圆 丁之圆積體外 倍已一之之底面

丁面疑積分之等

今圓無底四積積夫亦

已之多等之四小光珠

外光體圖體



丁一篇

辛分底

小球體之甲丙台一球體之里 也平行長圓體之三

第倍

大底徑度等而,甲乙丙丁一球體之乙一 姐 丙球上

面

則

東王圓面

E

圆

面)

積

面己

日者安得不與球體,則東王圓面積比下

91 丁

相 等乎 四 庫 全 書

圓

面

·既為甲丙

球

僧豐

夕

面

積

之四分

四之

欽 定



之 與之行球一體

三為之與為徑 圆 一 四 公 下表體 为之分之 尖面第 同 半圓平二底 慣 行十 徑 同

民族里清岛上 扇化 等之體三 前説而 節見光者底師 今圓 尖 徑底記其 圓與同平比也 球於體 土體乙又 體球島底例益 己為 積之則兴

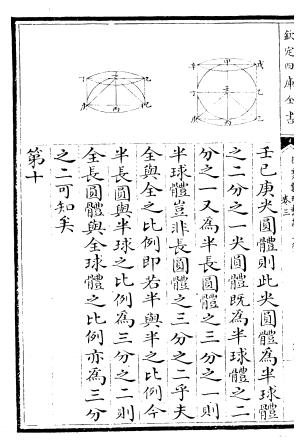
為

丁球球徑體與分

為

全失體三

作康半



已庚 與

戊徑

等

球

2

徑

面與

己高

度

等! 體

月门

此

球

豐

91.

5 御製數理精 にし 龜上編 例

慣

積

主與

2)

5 ٠ 髙 2

相

等

去

慣 之

此

例

同

比積

例之

圓

豐

2

周

圍

面

精

等也

珬

們豐

Ż

全

徑

與

圓

丙

丁

門門

戊

已庚 周

辛

女口

球

面

穑

圆

愷

圍

面 積

球體

與



等

取

半

之

分

球體 體之

髙積

以必

盖長 積 積

rt

例

此

體於成

髙之

例體

2

同

亦

為

為

與成徑

之

慣

體比必為體

與

圓底所

球體

Ž 積

例

與與積

一少原球

同

圍

面積

為

底

所

成

2

與

取

為

髙 球

面

積

相

手

試

將

醴

7

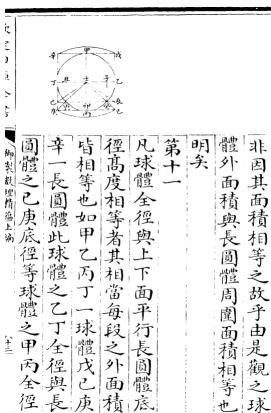
ᅼ

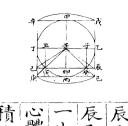
刍

ĮŢ.

贞

盾





而

12/13 卯知體餘長

又為王於乙內

之癸之與癸

度又盖子

面大

癸之 圆圆

半面

少體 1), 已已 長 庚 空 و 所何 圆

體段

子體

等小癸寅辰分面相

丁

宙

丑癸

徑之之空丑乙之癸

圆為丑己出精

長

丹当

圆

子! 等

寅

宙

段

凸

精己

少高

、與

當

圓

恺

段面

周

圍

夕

也

き

鹊

戊

度

等

則

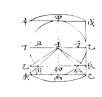
球

體

2

周 4 7

往 贞 173



卵為於作卵祭 半卯之辰與為癸 圓原王 所為 面與こ

BP

為

半

徑

祭内所辰其

作

之

圓

皆

輻

線

半少郎卷

面所而王

壬

癸相團

敌

FP

為

等之

まし

半徑辰

作半

圆徑

即作

餘圓

辰面

環減

面去

與與卯

卵壬

面

所

製改里肯

和一个

圆

面

等

Fin

至王

卯

半

所

作

圆

必

两

直

角

半

所

两

面

圓面

条與

茅儿壬

度六九卯



寅段一已丁矣其之所徑 一大與內寅又兩半作 所 原 段圆王唐曲王面徑之 作 相 曲體已丁四癸積而圓之 等 四與東東體實既辰面圓然 體相共曲等小等外等面則 亦當圖四圖乙尖則又美 等辰 少於體體體內圓其為夫亦癸 相乙相為三丁體兩空卯少環 等辰等長分半原體心及與面 也已战圖之球與精體即 卵既 丁丘體二體外必底小 及 與 而癸三則為乙等之 長為 壬寅分成半辰無環 圆半 发一之几長已疑徑底徑

隹 宏 177 盾 刍 1



减 亩 去 癸

空工 丁癸

去乙尖則 段 們 到月 段辰 僧皇 内 癸 空 減

一 情小辰圓子 塩火巳體癸 為國丁為寅長 15 去 Ξ 體寅一丑

球 及曲分小帽 僧豐 癸 曲 宙 必凹 與體 曲 7_ 則 火 於 12

宙 曲四與長季 凹體小圓 大體亦兴為段以 辰 傮 餘 圓 於一體分圓辰 體 壬 7. 六分相壬體已

巴癸

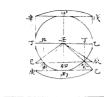
分今等於作丁

又



同者既、體外以壬心長同體大丁分內 植其等與面两心球圖於為火長也減 者積其空為空至體體六三圓圓而去 其既 高心底心外相與分分體體王二 底等又長體面等一之之則三辰分 必則等圓則剖無段四二條分已而 等同則體空為疑空之也乙之大存 髙其所心干者此三辰一块一 此底分球萬將例分王於圓段 各不之體尖此則之巴長體空 所體兩此二丁圓亦心 光得各 體不失分伴俱空一之空體為球 之等慢之徑以心段比心內乙體 各為乙體空例長減辰為

既高底積 尖高王從心固圆去巴四



積 原

面

枹

万

減段面面而行 精 去 餘 圓 於 筡 辰雨 於 已寅 减 去 球 Ż_ 段 僧皇 球 内 段 么 寅 明豊 減 段 餘 外 辰 於 去

半

圓 體 7. 圆

癸

寅

體

見川 戄 所 段後里衛島上 餘 辰 2_ 庚 球 借書 邓 段丙

周

圍

外

面 積

相

段 面

3

面

血

積

既

相

筡

段



撱 積 圆 2 體

也 如甲 積 丙 2 -丙 圓 體 即 球 球 丁 恺 撱 同 徑

面之 與比 球例

ی

徑

沂

作

方

面

か

撱

圓

て

丁

徑

等圓

體丙

則

撱

圆

積

與

體之甲

大

比所球與例所其

徑比

面

徑

所

作

方

面

之

方體 與 圆比 例

同

撱

圓

醴 相

徑

ナ 徑 與 PP 圓

球 於

醴

徑

等

明 矣

也

鉱 定 四 庫 全 書



十見當

一子

寅

5P

徑

所

徑

1)-

两

平

圆

面

2

E

例

此圓

大面

徑

撱

宙小

圓

面

女口

試

與

比徑 面 2 同 於 比其 故此 面 例 相 Ž

之於節卷丑

己而

徑

與

第

£L,

徑

與寅

卯

與大戊

圓

t.

例

方面

面 2

Ż

2 为方



























亦一例

丑所面與

球之

两所之所分如為矣 戊 作比作各 幾 方例方面 2 面少面之方 面 比體之同之比面 其 比於比例與 相 乙例既乙 當 必段可丁则皆丁大 同與知所橢同方小 子矣作圆於面兩徑 乙丙即方體乙之面平

丁

圆分與圆與例比任

戏球

已體

此之

已所片分

戊此例

鉱 灾 四 庫 全 書

將

此

两

體

與

戊

2

行







圆 鲌 撱

同 徑 周

撱 同高

圓

鳢

2

庚 誔

土

體之

甲

徑

髙 撱

却以段里青岛上

撱

圓

長圓

門豐

例

也

如

P

7.

丙

體之

圆 徑

體 與 徑

所 方 面

Ż rt

[6]

头

豐 周 徑 女口 髙 圓 見川 球 恺

亦

髙

度

两

圆

庚辛 與 辰巳 圆 體之 午 圆 豐

たたた 例 例 至 即 於同 圓 関戊於辰

庚

之

圆

庚

2

積

長積

圆與

歃 定 四 庚

庫 全 書

底

徑

等

撱

圓

愷 為

圓

丑

寅

517

之戊己立

也益

辰

E

製數理精龜上編

鳢

同

同

髙 體

Ż.

長

圓

例

亦

百

かへ

圆

同

徑

同



徑

所

圆

面

2

撱

圓

體

球

同

於

撱

圓

體

徑

所

作

圆

面

與

球

贈

2

Ft

例

矣

撱

圓

體

與

球

體

2

rt.

例

面

所 作

員

面

球

腊

£L

卯

全

徑

所

作

員

例 與即

百

掂

圆

體

Ž

圓

恺

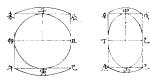
積

魱

球

卯

圓



與

撱

圓

體

2 寅比

例

亦

后

办 局

比辰體

體

子

丑、

JP

球

愷

2

同

徑

百

髙

圆

豐

例 矣

函

圓

审 分之 四 夫 球豐 丙 圓

125

同

徑

同

體之三 則 撱 既 為與

圓

2 一分之二 方 僧豊 體 可

函 球長 正 與 所 矢口 兵為 函

與 所 撱 函 圓 豐 球

2

例

the

若

轉

即 戊 2

辛

1 rt

盆 乊

)t

辰



圓

體

函 2 丙

rt.

何

同

於

丑

Œ

豐

球

例

也

盖

甲

癸

唐

度等

故

寅

仰製數理精塩上編 癸

5

5

5

K

Ē Э

血

搪

圆

愷

2

徑

筝

則 *?*

體

與 於

函 戊

2

庚辛

撱

女口

E





例

圓

1).

所

14

面體

比徑

之.

例

全原

徑 所 作撱 FL

方

面

例

乎

夫

擔

圓

體

與

同之

於

糸

月月

體長體

方

槽

11

圆

11,

所於比徑體卵面

方

面

與之

體例

球伞不

所與

與 然所

逐

此球

方之

午

所

方

面

等

所

1/4

方

筡

方

2

底

全而

徑正

作體

此方

徑

精

鱼

函

搪

圓

體

وجر

例

同

於

两

恺 所

rt

例

にし

ź

J 1 Ċ



撱 於體

£ 即擔 同圆

Э, Þ

圆 體

大

五. 徑

檐外 蓝圆面 面積 小與與

比例其

徑球圓 與體球

一一一御製數理精益上

むら

E

例

正

體和長圓

之之矣方體

例轉與 丢亦比函體 必之球

同則體比

於長之 方正 同 方體方於

3 球圓可之

球外體 體與體 體面 2 土全精徑 與所之橢 徑之等 所函,比圆 之此者 面 橢 例



例 戊必撱 己

比則 JH_

徑

面儿體積

帽

亦精例

同子即

丑

於丙任小

191]

也仍與

同

全於體

圆

之與

丁體

夕卜

面

猜

也乙球

徑

寅與

小段两球之

ቃት

面

甲

丙

徑

與 百

P #

丙

骨胄

秤

rt.

例

甲

7

丙

PP



之子

同數徑與寅

2

與

同徑圓

例

於之

7, 比

與全

己各

界

2

比徑

圓

丁界也經

11.然

於

即製 臺北之

編例 至当戊

於不

分

P IO

Ē

4

k 2

Э

比丑圓

此比

體同

依於徑

分徑 而 與寅

當兩人

7學

可

故 寅

卯

圓

與

子

Ð,

界

平

剪

カヤ

徑

丑

圓

之 圆

丁比

之與

員

體

撱

體

徑

與 圆

慣

度

等

體長圓

乙相長與大

圓

體

外徑

撱

圆

不任體精

體面面等高

等

即

戊積積則

如段積小圓 與徑

丙當

圓

一段周圍

第

十無 六里

分 為 平 於全 圓 パス

體比與

與全體一人子內丑

比與段

例一球

也段體

明之俱

矣 此可

之段

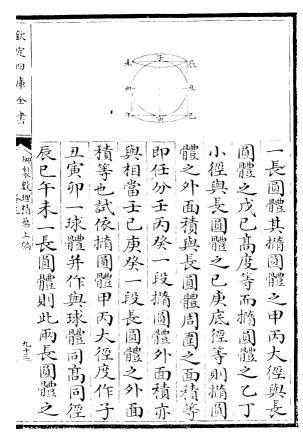
撱

圓

體

J.

Ľ





醴

周

圍

面

積

Jt:

例

必

之

圓

與 圓

與之比於高 辛丁球丑 丑例 t. 即 是 全 徑 球面 撱 徑 體積 之 圓 體比 丑之比 卯儿例 之例 例 徑 也 _ 與 撱 撱之原 此同圓 圆

例於

則

鸗

面

體夕

刊書

面積

撱 外

圆

徑

魱

球

欴 E Ð 車 全 書 此 製數理精益上 與 球 相 骨豊! 體例 面 沂 既 面 體 與 段至 積球 之於 髗 圓 圍 搪 例 例 面 體 相 百





面

面 積 必

與同 tt. 與 例

头

彼

之

申

寅

酉

P_ 午申

段 外段

外外面外例

問聽之體 球

圆

Jt.

圆

體

2 6

圓

於

慣

寅

之段

西積

沙卜

圆所

體

2

P.

父

芝積

比與則

it 例

體

既 圓 同 壬 體 之 周 體分康五 圍

面

全

例]

長所午

骨胄

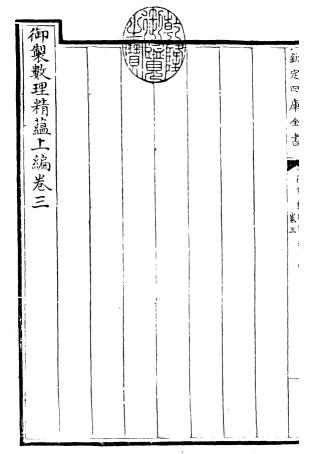
面

面儿與

钦定四庫全書 一一一一一一一一一一一一一一 面積相等也明矣外面積與長圓體之壬已庚癸一段外 九十五

į

						S		
7	1		7					
. !	1		!	i	1	. 1		
- ;	- 1					1		
	1							
	1				l			
	1			l	i			
	1			1	1	1		
	I		l	1	1			}
	i				1	!		1 :
,	1		1	ł	į.	1		l i
	1		1	1	1	1		1 1
	- 1		l	ĺ		l		1
_	- 1		Ĭ	l	1	1	1	1 1
	1		1	1	1			1 (
	1		1	Į.	1	1	ļ.	1 1
•	F.		1	Į.	1			
. 1	i		1	1	1		I	i
	1		1	į.	į.		{	}
	1		ł	1	į.	1	l	İ
6	- 1		1	1		1	Į.	l i
4	1		j	1	1	1	i	1
្នា	1		1	ł		!	1 -	
žn.	i		!	1	1	t	i	1
1.11	- 1		1	1		ì	1	1
521	1		1	ı		1 .	1	1
Ni	1		į.	1	1	1	ı	1
143	1		i	1	i i	1	ļ	1
ξ×,	i		1	1		1		
(40)	1		Į.	1	1	ļ	1	•
-1	1		1	1	1	1	1	1
1.3	- 1		1	1	1	i	1	1
即與敗軍精驗上論	1		1	1	1	1	1	1
15.	- 1		1	1		1	1	1
10	1			1	1	i		
7- i	1		•	1	i		1	1
	i		1	1	1	i	1	1
34	1		1	i	,1	i	l .	Į.
0.35	i.		1	1	1	1	1	1
11	1		1	i	1	ł	i	1
1	- 1		1	1	i	1	1	Į.
1			1		(- (1	1
1	1				i	i	i	1
1	1		ì	*	i	}	1	1
į	1		i	:	1	1	1	1
i	1		4	,	i	l .	I	1
- 1	ì		ì	1	1	1	1	1
1	j		î	į.	1	1	1	1
ŧ	1		1	!	1		1	1
	1			1		1	1	1
	1			!	1	1	1	1
					1	1.	Į.	1
					į.	1	1	ł
- 1				1	1	1		
た十二二				1	1	•	1	1
¥:	1			!	1	1	1	1
1	1		;	1 -	1	1	1	1
	1		i	1	1	1	1	1
- 1			i	i	1	1	1	1
- 1	1		1	:	4	1	1	1
1	1		1	1	1	1	ì	1
- 1			1	1	1			1
- 1			l .	1	1	ł	Į	1
1	- 1		1	1	ì	1 .	1	1
1			1	1	1	1	1	
- 1		!	1	1	1	l l	1	l
- 1		i	1	1	1		1	1
	_		1					2



腾

銀監生臣

劉

國永

圖

監生臣

周

對官中官正臣郭

校官庶幸臣張能照